

МИНИСТЕРСТВО ОБРАЗОВАНИЯ МОСКОВСКОЙ ОБЛАСТИ

Автономная некоммерческая общеобразовательная организация

«Областная гимназия им. Е.М. Примакова»

(АНОО «Областная гимназия им. Е.М. Примакова»)

**Региональный Центр выявления, поддержки и развития  
способностей и талантов у детей и молодежи Московской области**

**УТВЕРЖДЕНО**

решением экспертного совета регионального Центра выявления, поддержки и развития способностей и талантов у детей и молодежи Московской области (в структуре автономной некоммерческой общеобразовательной организации «Областная гимназия им. Е.М. Примакова») от « 15 » октября 2020 г.

**«УТВЕРЖДАЮ»**

Директор АНОО  
«Областная гимназия им. Е.М. Примакова»



М.О. Майсурадзе

15.10.2020

2020 г.

**ДИСТАНЦИОННАЯ ОБРАЗОВАТЕЛЬНАЯ ПРОГРАММА**

**Направление**

Наука. Математика.

**Название и рамки проведения программы.**

Дистанционная образовательная программа «Математика. Подготовка одарённых детей к олимпиадам. 6 класс». 12.11.2020 –01.06.2021 гг.

**Автор программы**

Максимов Дмитрий Васильевич – кандидат физико-математических наук, доцент физико-технического факультета федерального государственного автономного образовательного учреждения высшего образования «Национальный исследовательский университет ИТМО», методист-консультант Общества с ограниченной ответственностью "Центр технологии тестирования «Кенгуру-плюс», преподаватель математики Общества с ограниченной ответственностью «Центр онлайн-обучения Нетология-групп», педагог дополнительного образования в государственном бюджетном общеобразовательном учреждении «Президентский физико-математический лицей №239», член РПМК Московской области по математике.

**Целевая аудитория**

Данный курс ориентирован на учащихся 6 классов, интересующихся математикой, желающих расширить знания в этой области, показавших высокие результаты на школьном или муниципальном этапах Всероссийской олимпиады школьников по математике. Курс требует освоения знаний общеобразовательной программы предмета «Математика».

## Аннотация программы

Олимпиады являются важным инструментом отбора одаренных детей, а также связующим элементом между школьной и вузовской программами. Олимпиады позволяют моделировать в упрощенных условиях реальную профессиональную деятельность. Работа с олимпиадными заданиями способствует сознательному и творческому отношению к процессу образования и самообразования. В рамках программы осуществляется углубленное изучение математики учащимися 6 классов. Программа ориентирована на обучение различным разделам олимпиадной математики с учетом начального уровня подготовленности: алгебре, геометрии, теории чисел, комбинаторике. Подготовка к олимпиаде является систематической, начиная с начала учебного года, выстраивает траекторию движения обучающегося от незнания к знанию, от практики до творчества. В рамках реализуемого курса обучающиеся, рассматривая олимпиадные задания, познакомятся с основными методами решения олимпиадных задач, научатся оформлять решение на олимпиаде.

## Цель и задачи программы

Цель программы – подготовка школьников к выполнению заданий олимпиад по математике различных уровней.

Для реализации этой цели необходимо решить следующие задачи:

- познакомить обучающихся с понятиями, терминами и методами решения нестандартных задач;
- сформировать представление о универсальном характере законов логики математических рассуждений, их применимости во всех областях человеческой деятельности;
- развивать критическое мышление, математическую интуицию, логическое мышление, алгоритмическую культуру, пространственное воображение;
- систематизировать знания по математике.

## Содержательная характеристика программы

### **Раздел 1. Числа (8 часов)**

#### **1. Четность (4 часа).**

Четность. Чередование. Разбиение на пары. Четность и нечетность.

Инварианты.

#### **2. Делимость (2 часа).**

Определение делимости, основные свойства. Доказательство признаков делимости на степени чисел 2 и 5, на числа 3 и 9, на число 11. Определение простого числа. Основная теорема арифметики. Бесконечность количества простых чисел. Каноническое разложение чисел на простые множители.

#### **3. Проценты (2 часа)**

Задачи с процентами и долями. Изменение на процент. Относительность процентных величин. Простой и сложный процент. Текстовые задачи на смеси, плотности и объемы.

## **Раздел 2. Логика и рассуждения (36 часа)**

### **1. Игры (4 часа).**

Игры и стратегии. Выигрышная стратегия. Игры-шутки. Игры, использующие симметрию. Игры, в которых стратегия — дополнение до фиксированного числа. Игры, использующие метод выигрышных позиций.

### **2. Взвешивания и переливания (2 часа)**

Способы решения логических задач. Метод рассуждений. Метод таблиц. Метод графов. Метод кругов Эйлера. Метод бильярда. Метод блок-схем. Решение задач на взвешивания кодированием. Метод деления отрезка пополам (бинарный поиск). Решение задач на взвешивание и переливание.

### **3. Логика (2 часа)**

Текстовые задачи на логику. Задачи на перебор случаев, способы организации «умного» перебора. Применение таблиц, схем и чертежей для упрощения перебора. Перебор вариантов в задачах с истинными и ложными утверждениями. Различные задачи с классической формулировкой о «рыцарях и лжецах».

### **4. Ребусы и спички (2 часа)**

Математический ребус. Арифметические примеры со спрятанными числами. Ребусы с буквенно-цифровыми заменами. Текстовые задачи на основе числовых ребусов. Ребусы с буквенно-цифровыми заменами в разных системах счисления. Решение арифметических ребусов и головоломок. Головоломки со спичками — фигуры (квадрат, треугольник, ромб, тетраэдр). Головоломки со спичками — числа. Головоломки со спичками — объекты.

### **5. Множества (2 часа)**

Упорядоченные множества. Задачи на упорядочивание элементов множества и на расстановку элементов множества согласно заданным отношениям. Бинарные отношения. Задачи про родственные отношения. Частично упорядоченные множества. Отображения множества на себя. Введение в криптографию. Задачи на шифр Цезаря. Закономерности и последовательности. Задачи на нахождение следующего элемента. Рекурсия. Шифры замены. Введение в теорию множеств. Операции над множествами. Общее и различное. Множество и подмножество. «Логические квадраты». Задачи на нахождение лишнего элемента. Классификации по разным признакам. Независимые признаки. Исключающие и пересекающиеся признаки. Заполнение таблиц. Решение задач при помощи таблиц. Круги Эйлера. Операции над множествами. (Объединение и пересечение множеств. Разность. Симметрическая разность. Дополнения.) Сравнение множеств. Проверка множеств на равенство. Пустое множество. Конечное и бесконечное множество. Счетные множества.

### **6. Принцип Дирихле (4 часа)**

Формулировка принципа Дирихле. Алгоритм применения его к решению задач. Решение задач с использованием принципа Дирихле. Обобщенный принцип Дирихле. Принцип Дирихле в теории чисел. Решение геометрических задач с использованием принципа Дирихле.

**7. Раскраски (2 часа)**

Раскраска как инвариант. Различные виды раскрасок. Метод весов (раскраска числами).

**8. Конструкции (2 часа)**

Оценка плюс пример в теории чисел. Конструкции в теории чисел. Поиск наибольшего (наименьшего) делителя.

**9. Обратный ход (2 часа)**

Метод «анализ с конца» или «обратный ход». Решение сюжетных, текстовых задач методом «обратный ход».

**10. Индукция (2 часа)**

Суть метода математической индукции. Применение метода математической индукции в задачах различного содержания.

**11. Периодичность (2 часа)**

Использования свойства периодичности для доказательства существования некоторых объектов. Периодичность остатков степеней. Обратная периодичность. Числа Фибоначчи.

**12. Принцип крайнего (2 часа)**

Принцип крайнего. Доказательство методом рассмотрения максимального или минимального элемента множества. Принцип крайнего в графах. Принцип крайнего в теории делимости.

**13. Текстовые задачи (2 часа)**

Решение текстовых задач ВсОШ. Применение изученных методов решения задач.

**14. Графы (4 часа)**

Базовые понятия. Изоморфные графы. Степен вершин и подсчет числа ребер. Теорема о четности числа нечетных вершин. Эйлеровы графы. Раскраски графов.

**15. Доказательство от противного (2 часа)**

Решение задач методом от противного: предполагая некоторое утверждение, сводить его логическим выводом к противоречию.

**Раздел 3. Комбинаторика (6 часов)****1. Число перестановок (2 часа)**

Отработка навыка проведения полного перебора. Правила суммы и произведения: аналогия с логическими «И», «ИЛИ». Вывод формулы для перестановок.

**2. Число сочетаний и размещений (4 часа)**

Вывод формул для размещений и сочетаний. Размещения с повторениями, задачи о двоичных кодах, о количестве подмножеств. Отработка навыков работы с факториалами.

**Раздел 4. Геометрия в олимпиадных задачах (8 часов)****1. Точки и прямые (2 часа)**

Простейшие геометрические фигуры. Взаимное расположение. Точка. Плоскость. Отрезок. Луч. Прямая. Ломаная. Кривая. Задачи на проведение

прямых через точки. Понятие «лежать между». Задачи о взаимном расположении. Представление об отрезке и прямой как множествах точек.

## **2. Наглядная геометрия (2 часа)**

Треугольник. Четырехугольник. Поиск треугольников в фигурах сложной конфигурации. Закрашивание углов фигуры и подсчет углов. Определение основания фигуры. Классификация геометрических фигур. Плоские геометрические фигуры в игре «Танграм». Конструирование фигур из треугольников. Решение задач. Задачи с геометрическим подходом в решении задач. Инверсия. Симметрия. Применение симметрии для решения задач. Задачи на раскраску и разбиение плоскости. Задачи на разрезание и складывание фигур.

## **3. Разрезания (4 часа)**

Аксиома площади. Идеи симметрии, поворота фигуры или её частей. Конструкции и оценки

### **Раздел 5. Разные задачи (2 часа)**

#### **1. Разные олимпиадные задачи (2 часа)**

Решение заданий ВсОШ.

### **Образовательные технологии**

В ходе реализации образовательной программы используются следующие образовательные технологии:

- интерактивные лекции – активное взаимодействие педагога и обучающегося в формате лекции и обсуждения.
- тренинги по решению олимпиадных задач – выполнение тренировочных заданий, позволяющее приобрести опыт решения сложных задач.

<b>Форма организации и форма проведения занятия</b>	<b>Методы и приемы организации учебно-воспитательного процесса</b>
<b>Форма организации детей на занятии:</b> фронтальная, индивидуально-фронтальная  <b>Формы проведения занятий:</b> Комбинированное занятие, практическое занятие, лекция, «мозговой штурм», тренинг.	<b>Словесные:</b> объяснение, беседа, дискуссия <b>Наглядные:</b> демонстрационные материалы, видеофильмы, мультимедийные презентации, показ педагогом образца выполнения задания, и т.п. <b>Информационно-коммуникационные:</b> электронные и информационные ресурсы с аудио- и видеоинформацией, работа в чате. <b>Практические:</b> практические задания, упражнения, решение задач повышенной сложности <b>Методы проблемного обучения:</b> Поиск (самостоятельный поиск ответа на поставленные вопросы), исследование, самостоятельная разработка идей.

	<b>Методы стимулирования и мотивации деятельности и поведения:</b> одобрение, похвала, игровые эмоциональные ситуации, использование примера
--	---

### Учебно-тематический план

№ п/п	Наименование раздела, темы	Всего	Теория	Практика	Формы аттестации (контроля)
1.	Числа	8	3	5	Тестирование
2.	Логика и рассуждения	36	12	24	Тестирование
3.	Комбинаторика в олимпиадных задачах.	6	3	3	Тестирование
4.	Геометрия в олимпиадных задачах.	8	3	5	Тестирование
5.	Разные олимпиадные задачи	2	1	1	Тестирование
<b>Итого</b>		<b>60</b>	<b>22</b>	<b>38</b>	

### Ожидаемые результаты

<b>Личностные</b>	<ul style="list-style-type: none"> <li>- готовность и способность обучающихся к саморазвитию и самовоспитанию;</li> <li>- принятие гуманистических ценностей, осознанное,уважительное и доброжелательное отношение к другому человеку, его мнению, мировоззрению;</li> <li>- мировоззрение, соответствующее современному уровню развития науки, значимости науки, владение достоверной информацией о передовых достижениях и открытиях мировой и отечественной науки;</li> <li>- готовность и способность к образованию, в том числе самообразованию, на протяжении всей жизни; сознательное отношение к непрерывному образованию как условию успешной профессиональной и общественной деятельности;</li> <li>- осознанный выбор будущей профессии как путь и способ реализации собственных жизненных планов.</li> </ul>
<b>Метапредметные</b>	<p><b>Регулятивные универсальные учебные действия</b></p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- самостоятельно определять цели, задавать параметры и критерии, по которым можно определить, что цель достигнута;</li> <li>- оценивать возможные последствия достижения поставленной цели в деятельности, собственной жизни и жизни окружающих людей, основываясь на соображениях этики и морали;</li> <li>- ставить и формулировать собственные задачи в образовательной деятельности и жизненных ситуациях;</li> </ul>

	<ul style="list-style-type: none"> <li>- оценивать ресурсы, в том числе время и другие нематериальные ресурсы, необходимые для достижения поставленной цели;</li> <li>- выбирать путь достижения цели, планировать решение поставленных задач, оптимизируя материальные и нематериальные затраты;</li> <li>- организовывать эффективный поиск ресурсов, необходимых для достижения поставленной цели;</li> <li>- сопоставлять полученный результат деятельности с поставленной заранее целью.</li> </ul> <p><b>Познавательные универсальные учебные действия</b></p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- искать и находить обобщенные способы решения задач, в том числе, осуществлять развернутый информационный поиск и ставить на его основе новые (учебные и познавательные) задачи;</li> <li>- критически оценивать и интерпретировать информацию с разных позиций, распознавать и фиксировать противоречия в информационных источниках;</li> <li>- использовать различные модельно-схематические средства для представления существенных связей и отношений, а также противоречий, выявленных в информационных источниках;</li> <li>- находить и приводить критические аргументы в отношении действий и суждений другого; спокойно и разумно относиться к критическим замечаниям в отношении собственного суждения, рассматривать их как ресурс собственного развития;</li> <li>- выходить за рамки учебного предмета и осуществлять целенаправленный поиск возможностей для широкого переноса средств и способов действия;</li> <li>- выстраивать индивидуальную образовательную траекторию, учитывая ограничения со стороны других участников и ресурсные ограничения;</li> <li>- менять и удерживать разные позиции в познавательной деятельности.</li> </ul> <p><b>Коммуникативные универсальные учебные действия</b></p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- осуществлять деловую коммуникацию как со сверстниками, так и со взрослыми (как внутри образовательной организации, так и за ее пределами), подбирать партнеров для деловой коммуникации исходя из соображений результативности взаимодействия, а не личных симпатий;</li> <li>- развернуто, логично и точно излагать свою точку зрения с использованием адекватных (устных и письменных) языковых средств.</li> </ul>
<b>Предметные (образовательные)</b>	<ul style="list-style-type: none"> <li>- владеть геометрическим языком;</li> <li>- выделять основные этапы процесса решения задачи;</li> <li>- выполнять дополнительные построения на чертеже, способствующие поиску решения задачи;</li> <li>- использовать различные языки математики (словесный, символический, графический);</li> <li>- обосновывать суждения, проводить классификацию, доказывать математические утверждения.</li> </ul>

	<ul style="list-style-type: none"> <li>- понимать условие задачи, соотносить её с соответствующим разделом математики и подбирать соответствующие методы её решения;</li> <li>- применять изученные понятия, результаты и методы при решении задач из различных разделов курса, в том числе задач, не сводящихся к непосредственному применению известных алгоритмов;</li> <li>- работать с текстом задачи (анализировать, извлекать необходимую информацию);</li> <li>- решать задачи повышенной трудности, нестандартные по формулировке или по методам их решения;</li> <li>- самостоятельно приобретать и отрабатывать математические навыки и технические приёмы, встречающиеся при решении олимпиадных задач;</li> <li>- систематизировать знания о плоских фигурах и их свойствах, а также на наглядном уровне – о простейших пространственных телах;</li> <li>- точно и грамотно выражать свои мысли в устной и письменной речи;</li> <li>- упрощать выражения, используя основные формулы.</li> </ul>
--	--

### **Требования к условиям организации образовательного процесса**

Онлайн-платформа. Программное обеспечение, представляющее собой набор взаимосвязанных веб-сервисов и модулей, составляющих единое пространство предоставления услуг потребителям в сети Интернет. Включает в себя следующие модули, обеспечивающие учебный процесс по программе:

- модуль трансляции занятий с интерактивными возможностями;
- модуль теоретических материалов;
- модуль практических заданий различного типа;
- модуль контроля и результативности обучения (тесты).

### **Электронные образовательные ресурсы:**

- модуль теоретических материалов в формате конспектов к темам, рассматриваемым в рамках программы;
- модуль мультимедийных материалов в формате видео разборов тем, рассматриваемых в рамках программы.

### **Оценка реализации программы и образовательные результаты программы**

По итогам прохождения программы обучающиеся проходят тестирование.

### **Требования к кадровому обеспечению**

Высшее образование по профилю предметной области.

Опыт реализации программ олимпиадной подготовки в предметной области – от 3 лет.

Опыт проведение онлайн-вебинаров – от 1 года.

### Перечень литературы

1. Агаханов Н. Х. Математика. Районные олимпиады. 6 – 11 классы / Агаханов Н. Х., Подлипский О. К. – М.: Просвещение, 2010. – 192 с.
2. Акопян А. В. Геометрия в картинках. – 2-е изд., перераб. и доп. – М.: МЦНМО, 2017. – 235 с.
3. Алфутова Н. Б., Устинов А. В. Алгебра и теория чисел. Сборник задач для математических школ. – М.: МЦНМО, 2002. – 264 с.
4. Гальперин Г. А., Толпиго А. К. Московские математические олимпиады. – М.: Просвещение, 1986. – 303 с.
5. Генкин С., Итенберг И., Фомин Д. Ленинградские математические кружки. – Киров.: АСА, 1994. – 272 с.
6. Горбачев Н. В. Сборник олимпиадных задач по математике. – М.: МЦНМО, 2004. – 560 с.
7. Популярная комбинаторика. Виленкин Н.Я. – М.: Наука, 1975. – 208 с.
8. Спивак А. В. Математический кружок. 5-7 классы. – 11-е изд., стер. – М.: МЦНМО, 2020. – 552 с.
9. Спивак А. В. Тысяча и одна задача по математике. 5-7 классы . – М.: Просвещение, 2019. – 208 с.
10. Спивак А.В. Математический праздник. – М.: Бюро Кванту, 2000. – 128 с.
11. Фарков А. В. Математические кружки в школе. 5 – 8 классы. – М.: АЙРИС – ПРЕСС, 2007. – 144 с.
12. Федоров Р. М. и др. Московские математические олимпиады 1993 – 2005 г. – М.: МЦНМО, 2006. – 456с.

### Электронные ресурсы программы

1. Высшая математика – просто и доступно. [Электронный ресурс]. – URL: <http://www.mathprofi.ru> (дата обращения 23.11.2020)
2. Квант: Научно-популярный физико-математический журнал для школьников и студентов. [Электронный ресурс]. – URL: <http://www.kvant.info/> (дата обращения 23.11.2020)
3. Математическая библиотека. [Электронный ресурс]. – URL: <http://www.math.ru> (дата обращения 23.11.2020)
4. Московский Центр Непрерывного Математического Образования. [Электронный ресурс]. – URL: <http://www.mccme.ru> (дата обращения 23.11.2020)
5. Проект МЦНМО при участии школы 57. [Электронный ресурс]. – URL: <http://www.problems.ru> (дата обращения 23.11.2020)
6. Олимпиады для школьников. [Электронный ресурс]. – URL: <http://www.info.olimpiada.ru> (дата обращения 23.11.2020)
7. Подготовка к олимпиадам и ЕГЭ по математике и физике -URL: <http://www.mathus.ru> (дата обращения 23.11.2020)
8. Проект МЦНМО при участии школы 57. [Электронный ресурс]. – URL: <http://www.problems.ru> (дата обращения 23.11.2020)